

Factor B: Fullness					
Factor A: Weight		Empty	Full		
	Normal	n=20 $\bar{X} = 22$ T=440 SS=1540	n=20 $\bar{X} = 15$ T=300 SS=1270	$T_{\text{Normal}} = 740$	
	Obese	n=20 $\bar{X} = 17$ T=340 SS=1320	n=20 $\bar{X} = 18$ T=360 SS=1266	$T_{\text{obese}} = 700$	
		$T_{\text{empty}} = 780$	$T_{\text{full}} = 660$		G=1440 N=80 $\Sigma X^2 = 31836$

STEP 1. Build hypotheses.

- 무게에 따라 각자 앞에 놓인 것을 먹는 양도 달라질 것이다.
- 포만감에 따라 각자 앞에 놓인 것을 먹는 양도 달라질 것이다.
- 무게와 포만감은 상호의존적인 상태이므로 포만감에 의한 차이에는 무게에 따라 달라질 것이다.

STEP 2. Locate the critical range for F-ratio. Calculate the dfs.

1. $df_{\text{total}} : N-1 = 80-1 = 79$
2. $df_{\text{within}} : df_{\text{total}} - df_{\text{between}} = 79-3 = 76$
3. $df_{\text{between}} : k-1 = 4-1 = 3$
4. $df_A : (\text{number of levels of As}) - 1 = 2-1 = 1$
5. $df_B : (\text{number of levels of Bs}) - 1 = 1$
6. $df_{A \times B} : df_{\text{between}} - df_A - df_B = 3-1-1 = 1$

Compute F-ratio

SS

1. $SS_{\text{total}} : 5916$

$$\Sigma X^2 - N * (\bar{X}_t)^2 = 31836 - 25920 = 5916$$
1. $SS_{\text{within}} : 5396$

$$SS_{\text{within}} = SS_{\text{within}} = 1540 + 1270 + 1320 + 1266 = 5396$$

1. $SS_{\text{between}} : SS_{\text{total}} - SS_{\text{within}} = 5916 - 5396 = 520$

1. $SS_A : \frac{\sum T_A^2}{n_A} - \frac{G^2}{N} = (740)^2/40 + (700)^2/40 - (1440)^2/80 = 20$

2. $SS_B : \frac{\sum T_B^2}{n_B} - \frac{G^2}{N} = (780)^2/40 + (660)^2/40 - (1440)^2/80 = 180$

3. $SS_{A \times B} : SS_{\text{between}} - SS_A - SS_B = 520 - 20 - 180 = 320$

MS

1. $MS_A : SS_A/df_A = 20/1 = 20$

2. $MS_B : SS_B/df_B = 180/1 = 180$

3. $MS_{A \times B} : SS_{A \times B}/df_{A \times B} = 320/1 = 320$

4. $MS_{\text{within}} : SS_{\text{within}}/df_{\text{within}} = 5396/76 = 71$

F-ratio

1. $F_A = MS_A/MS_{\text{within}} = 20/71 = 0.2816$

2. $F_B = MS_B/MS_{\text{within}} = 180/71 = 2.5352$

3. $F_{A \times B} = MS_{A \times B}/MS_{\text{within}} = 320/76 = 4.5070$

$F_{\text{crit}}(1,60) = 4$

$F_{\text{crit}}(1,60) = 4$

$F_{\text{crit}}(1,60) = 4$

Make decision

Table 1. Mean number of crackers eaten in each treatment condition			
		Fullness	
		Empty stomach	Full stomach
Weight	Normal	M=22 SD=9.00	M=15 SD=8.18
	Obese	M=17 SD=8.34	M=18 SD=8.16

Table 2. Result				
Source	SS	df	MS	F
Between treatment	520	3		
- Factor A (weight)	20	1	20	0.2816
- Factor B (fullness)	180	1	180	2.5352
- A x B interaction	320	1	320	4.5070
Within treatment	5396	76	71	
Total	5916	79		
weight x fullness factorial design				

통계학적 결정

- $F_A=0.2816$, $F_B= 2.5352$, $F_{AxB}= 4.5070$ 라는 것을 위의 계산 과정을 통해 알아냈다.

그리고 세 값의 FCRT는 $F(1,76)$ 으로 같다는 것을 알 수 있다, F distribution table을 이용하여 근사값인 $F(1,60)$ 을 알아내면 4가 나온다는 것도 알 수 있다. 이를 봤을 때, F_A 와 F_B 값이 4보다 작은 것으로 무게나 포만감은 먹는 양에 영향을 끼치지 않는다는 결정을 내릴 수 있다. 하지만 F_{AxB} 값은 4보다 크므로 무게와 포만감이 상호 작용을 한다는 사실을 알아 낼 수 있었다. 이를 통해 무게와 포만감은 서로 상호의존적인 상태이고, 이가 앞에 놓인 먹을 것(크래커)의 양에 영향을 끼친다는 결과를 낼 수 있다.

DECISION

-무게(WEIGHT)는 크래커를 먹는 양에 영향을 끼치지 않는다.

-포만감(FULLNESS)는 크래커를 먹는 양에 영향을 끼치지 않는다.

-무게(WEIGHT)와 포만감(FULLNESS)의 상호의존적인 상태에 따라 크래커를 먹는 양에 영향을 끼칠 것이다.